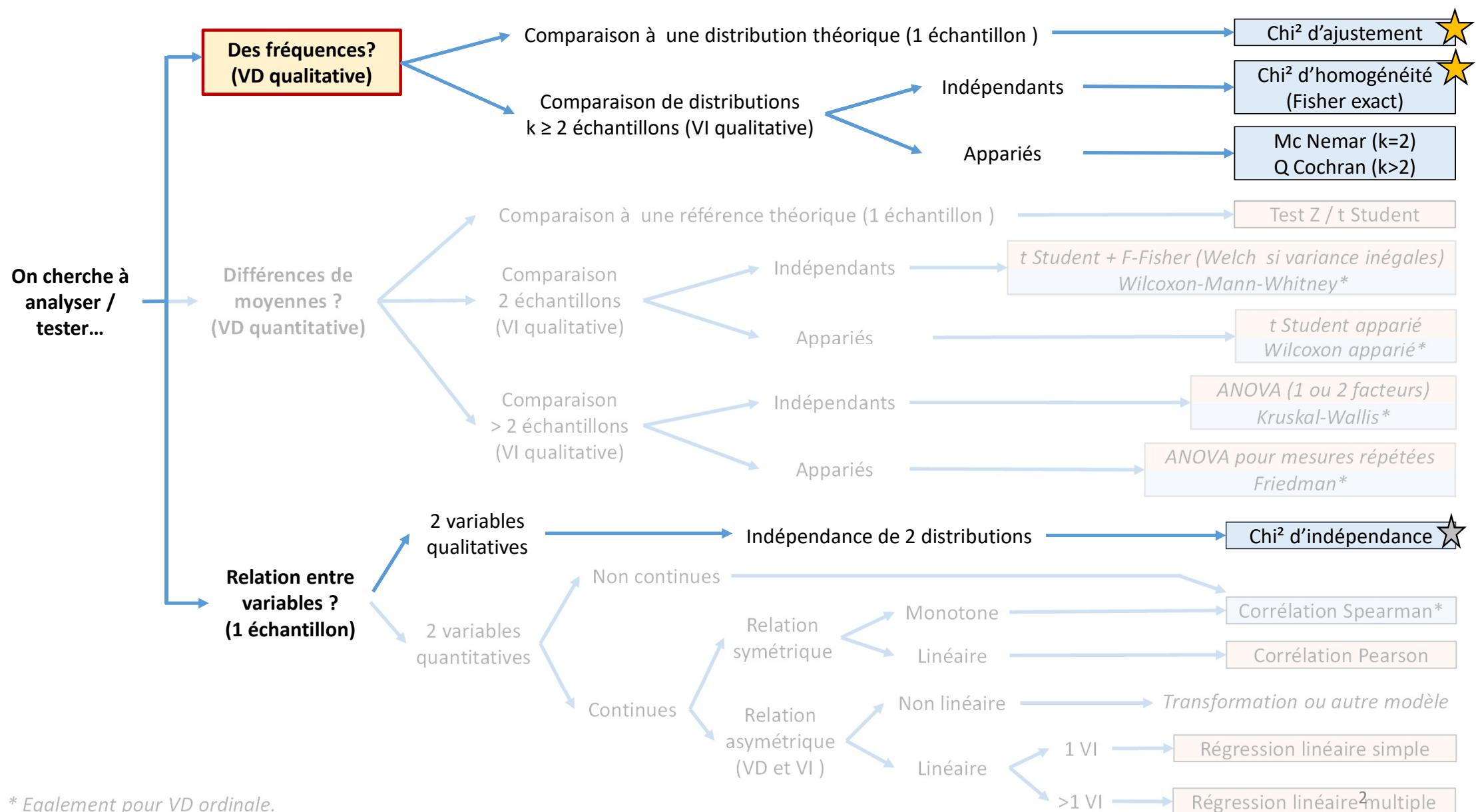




Biostatistiques

Partie 3

diane.zarzoso.lacoste@u-picardie.fr



Plan du cours

Partie 3. Les tests relevant de la statistique du χ^2

1. Généralités
2. Test conformité/d'ajustement/d'adéquation
3. Test d'homogénéité /d'égalité
4. Test d'indépendance
5. Cas particuliers

Tests relevant de la statistique du χ^2

1. Généralités

Ensemble de tests **non-paramétrique** et **unilatéraux** visant à comparer des distributions à l'aide d'**EFFECTIFS** (fréquences absolues).

Objectif global :

Evaluer si les effectifs relatifs à une ou plusieurs VA qualitatives (ou quantitatives classées), observés sur un ou plusieurs échantillons, sont du même ordre de grandeur que les effectifs moyens théoriques attendus sous l'hypothèse nulle H_0 .

Tests relevant de la statistique du χ^2

Principe :

→ Calcul d'une **distance** (écart) entre distributions théorique et observée : χ^2

La question posée :

Est-ce que cette distance est suffisamment faible pour être due au hasard de l'échantillonnage ($\rightarrow H_0$)?

Où est-elle trop importante pour que le hasard à lui seul puisse l'expliquer ($\rightarrow H_1$: différence significative/réelle) ?

Tests relevant de la statistique du χ^2

3 tests, 3 buts différents:

- **Test conformité/d'ajustement/d'adéquation** : comparer 1 distribution observée à 1 distribution théorique de référence
- **Test d'homogénéité /d'égalité** : comparer des distributions observées entre échantillons indépendants (1 variable, plusieurs échantillons)
- **Test d'indépendance** : tester l'existence d'une liaison entre 2 VA qualitatives issues du même échantillon

Tests relevant de la statistique du χ^2

Conditions d'application:

- Les modalités d'une variable sont mutuellement exclusives.
- L'échantillon doit être de grande taille ($n \geq 50$).
- La taille des effectifs théoriques doit être strictement identique à celle des effectifs observés (c.a.d. n , effectif total).
- Les effectifs théoriques doivent être ≥ 5 (ou effectifs théoriques non nuls avec au moins 80% ≥ 5) → sinon regrouper classes adjacentes.

Tests relevant de la statistique du χ^2

2. Test conformité/d'ajustement/d'adéquation

But : Tester l'adéquation entre une distribution observée et une distribution de référence* dont la loi est connue a priori (*anglais : goodness of fit*).

* *population de référence, loi de probabilités, loi de la génétique ...*

Ex :Est-ce que la distribution des génotypes observés pour un locus est conforme à la distribution attendue sous le modèle Hardy-Weinberg ?

Les données : effectifs observés pour chaque modalité d'1 variable qualitative (ou quantitative en classes) → comparer avec effectifs théoriques (référence)

Tests relevant de la statistique du χ^2

Les hypothèses :

- **H0** : la distribution obs. ne diffère pas significativement de la distribution théo.
→ *L'échantillon est issu de la distribution de référence (population ,loi..)*
- **H1** : la distribution obs. diffère significativement de la distribution théo.
→ *L'échantillon est issu d'une autre loi/population que celle de référence*

Tests relevant de la statistique du χ^2

La statistique de test :

$$\chi^2 = \sum_i \frac{(O_i - C_i)^2}{C_i}$$

Avec O_i = effectif observé pour modalité « i », C_i = effectif théorique attendu

Comment calculer l'effectif théorique attendu C_i si il est inconnu?

$$C_i = n * p_i$$

Avec n = effectif total, et p_i = probabilités théoriques (proportion attendues)

	Facteur	Modalité 1	Modalité 2	Modalité 3	Totaux
Effectifs observés	O_i	O_1	O_2	O_3	n
Proportions attendues	p_i	p_1	p_2	p_3	1
Effectifs attendus	$C_i = n * p_i$	$C_1 = n * p_1$	$C_2 = n * p_2$	$C_3 = n * p_3$	n